

Exercice 1

$$\bullet A = 5x - x^2 = 5 \times (-3) - (-3)^2 = -15 - 9 = -24.$$

$$\bullet B = \frac{8}{\frac{2}{7}-2} = \frac{8}{\frac{2}{7}-\frac{14}{7}} = \frac{8}{-\frac{12}{7}} = -8 \times \frac{7}{12} = -\frac{4 \times 2 \times 7}{4 \times 3} = -\frac{14}{3}.$$

$$\bullet C = \frac{25 \times 10^{-35} \times 15 \times 10^{60}}{3 \times 10^{-15}} = \frac{25 \times 5 \times 3}{3} \times \frac{10^{25}}{10^{-15}} = 125 \times 10^{25-(-15)} = 125 \times 10^{40} = 1,25 \times 10^{42}.$$

$$\bullet \text{PGCD} (11\,501 ; 9\,275) \qquad 11\,501 - 9\,275 = 2\,226$$

$$= \text{PGCD} (9\,275 ; 2\,226) \qquad 9\,275 = 2\,226 \times 4 + 371$$

$$= \text{PGCD} (2\,226 ; 371) \qquad 2\,226 = 371 \times 6$$

$$= \mathbf{371}. \quad \text{Donc } D = \frac{9\,275}{11\,501} = \frac{371 \times 25}{371 \times 31} = \frac{25}{31}$$

Exercice 2

- La masse de trois boules de pétanque pesant 750 g chacune est : $3 \times 750 \text{ g} = 2\,250 \text{ g} = 2,25 \times 10^3 \text{ g}$.

$$- 3^5 \times 2^5 = (3 \times 2)^5 = 6^5.$$

- Si le PGCD de deux nombres entiers est égal à 2, alors **2 est un diviseur commun à ces deux nombres**.

$$- (-2)^{-3} = \left(-\frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{8} = -0,125 = -1,25 \times 10^{-1}.$$

- 3 h et 12 min correspondent à $3 \times 60 + 12 = 192 \text{ min}$, soit $192 \div 60 = 3,2 \text{ h}$

Exercice 3 :*(6 points)*

On considère les trois solides suivants :

- la boule de centre O et de rayon SO tel que $SO = 3$ cm ;
- la pyramide $SEFGH$ de hauteur 3 cm dont la base est le carré $EFGH$ de côté 6 cm ;
- le cube $ABCDEFGH$ d'arête 6 cm.

Ces trois solides sont placés dans un récipient.

Ce récipient est représenté par le pavé droit $ABCDIJKL$ de hauteur 15 cm dont la base est le carré $ABCD$ de côté 6 cm.

a) Calculer le volume du cube $ABCDEFGH$ en cm^3 . $6^3 = 216cm^3$

b) Calculer le volume de la pyramide $SEFGH$ en cm^3 . $\frac{6^2 \times 3}{3} = 36cm^3$

c) Calculer le volume de la boule en cm^3 . $\frac{4}{3} \pi \times 3^3 = 36\pi cm^2$ valeur exacte

$\approx 113 cm^3$ valeur arrondie à l'unité.

d) En déduire le volume arrondi à l'unité occupé par les trois solides à l'intérieur du pavé $ABCDIJKL$ en cm^3 .

$216 + 36 + 113 = 365 cm^3$ valeur arrondie à l'unité.

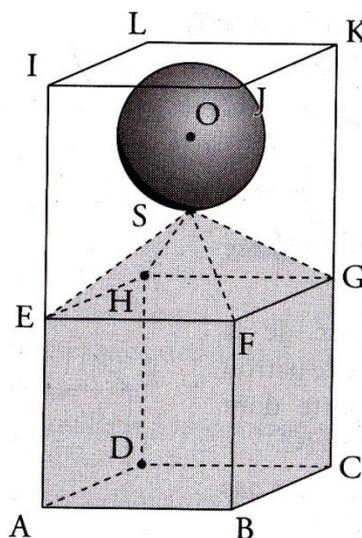
e) Pourra-t-on verser dans ce récipient 20 cL d'eau sans qu'elle ne déborde ?

Volume du récipient : $6^2 \times 15 = 540 cm^3$:

Volume pouvant être occupé par le liquide : $540 - 365 = 175 cm^3$

$175 cm^3 = 0,175 dm^3 = 0,175 L = 17,5 cl$

17,5 cl est plus petit que 20cl donc l'eau débordera



Exercice 4 :

(8 points)

ABG est un triangle tel que $BG = 7$ cm, $AB = 4,2$ cm et $AG = 5,6$ cm.

(C) est le cercle de diamètre [BG]. D est un point de (C) tel que $BD = 5$ cm.

E et F sont les symétriques respectifs de B et G par rapport à D.

1/ Faire une figure précise.

2/ a/ Démontrer que ABG est un triangle rectangle.

b/ En déduire que $A \in (C)$.

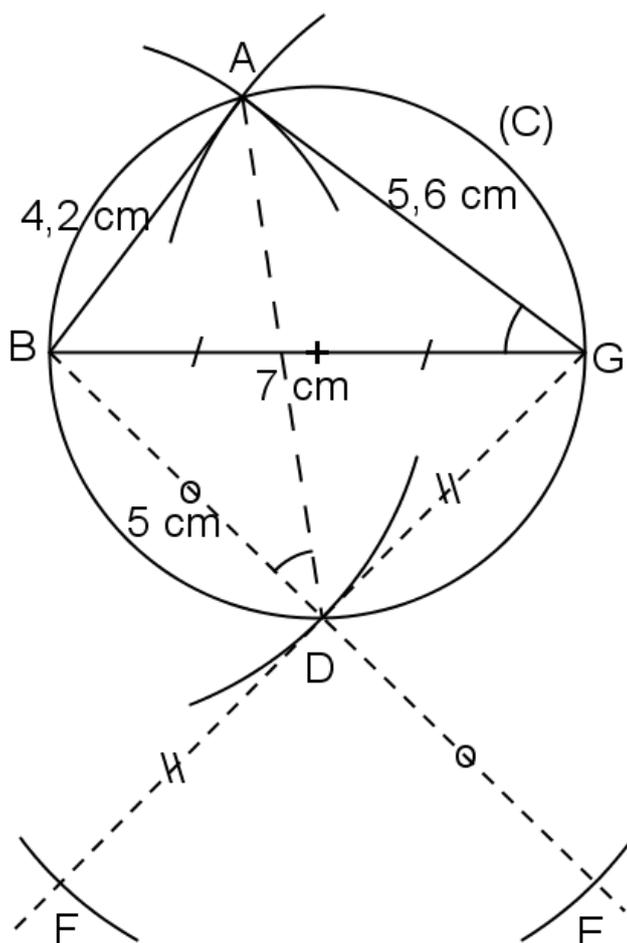
3/ a/ Donner en justifiant la valeur exacte de $\tan \widehat{AGB}$, puis la valeur arrondie au degré de \widehat{AGB} .

b/ En déduire la valeur arrondie au degré de \widehat{BDA} .

4/ a/ Démontrer que BDG est un triangle rectangle.

b/ En déduire la nature du quadrilatère BGEF. (Attention, les apparences sont parfois trompeuses !)

1/



2/ a/ Dans le triangle ABG, [BG] est le plus grand côté.

$$BG^2 = 7^2 = 49 ;$$

$$BA^2 + AG^2 = 4,2^2 + 5,6^2 = 17,64 + 31,36 = 49.$$

$$\text{Donc } BG^2 = BA^2 + AG^2.$$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore

(si le carré de la longueur du plus grand côté d'un triangle est égal à la somme des carrés des longueurs des deux autres côtés, alors le triangle est rectangle),

on en déduit que le triangle **ABG est rectangle en A**.

b/ ABG est un triangle rectangle en A,

et (C) est le cercle de diamètre [BG].

(Or, si un triangle est rectangle, alors il est inscrit dans le cercle de diamètre l'hypoténuse.)

Donc $A \in (C)$.

3/ a/ Dans le triangle ABG rectangle en A :

$$\tan \widehat{AGB} = \frac{\text{longueur du côté opposé à } \widehat{AGB}}{\text{longueur du côté adjacent à } \widehat{AGB}} = \frac{BA}{GA}$$

$$\tan \widehat{AGB} = \frac{4,2}{5,6} = \frac{42}{56} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} \text{ ou } 0,75.$$

$$\text{Donc } \widehat{AGB} \approx 37^\circ$$

b/ \widehat{BDA} et \widehat{AGB} sont deux angles inscrits dans le cercle (C) qui interceptent le même arc AB, donc $\widehat{BDA} = \widehat{AGB} \approx 37^\circ$

4/ a/ [BG] est un diamètre du cercle (C) et D ∈ (C). (Or, si un triangle est inscrit dans un cercle de diamètre l'un de ses côtés, alors il est rectangle au sommet opposé à ce côté.) Donc le triangle **BDG est rectangle en D**.

b/ E et F sont les symétriques respectifs de B et G par rapport à D, donc D est le milieu des segments [BE] et [GF] ; de plus, BDG est rectangle en D, donc (BE) ⊥ (GF).

(Or, si un quadrilatère a ses diagonales perpendiculaires et de même milieu, alors c'est un losange.)

Donc **BGEF est un losange**.

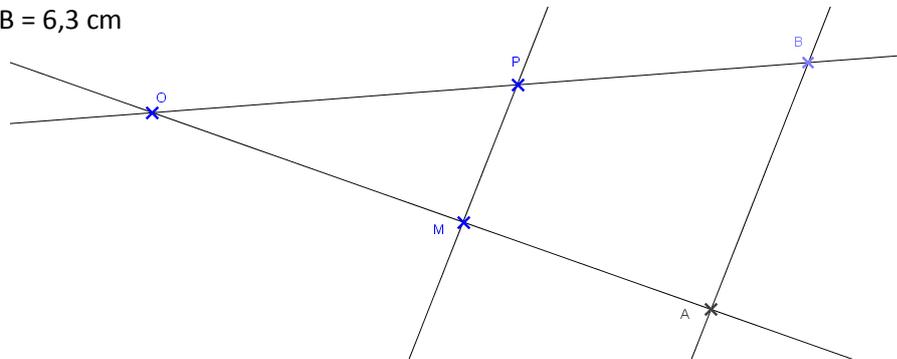
Exercice 5 :

(4 points)

La figure n'est pas représentée en vraie grandeur. Il n'est pas demandé de la reproduire.

On donne :

- (MP) et (AB) sont parallèles ;
- MO = 4,2 cm ; MP = 6 cm
- OA = 10,8 cm ; OB = 6,3 cm



O, P, B sont alignés*

O, M, A sont alignés

(MP) et (AB) sont parallèles

D'après le théorème de Thalès :

$$\frac{OP}{OB} = \frac{OM}{OA} = \frac{PM}{BA} \text{ donc } \frac{OP}{6,3} = \frac{4,2}{10,8} = \frac{6}{BA}$$

Calcul de AB :

$$\frac{4,2}{10,8} = \frac{6}{BA}$$

$$AB = \frac{10,8 \times 6}{4,2} = \frac{108}{7} \text{ cm}$$

Exercices à prise d'initiative

(5 points)

Antoine et Margaux discutent en permanence :

« Avais-tu remarqué qu'un nombre positif élevé au carré devenait toujours plus grand ?

Regarde ! $3^2 = 9$ et $9 > 3$ $10^2 = 100$ et $100 > 10$ »

« Pur hasard », répond Margaux. « Tu as pris des nombres entiers. Avec un nombre décimal : $2,5^2 = 6,25$ et $6,25 > 2,5$!

Tu as raison ; cela reste vrai même avec un nombre décimal. »

« Oui, c'est tout le temps vrai ; étonnant non ?! »

- Vérifier qu'Antoine a raison si le nombre choisi au départ est par exemple 6 ; $\frac{4}{3}$; 10^3 .

$$6^2 = 36 \text{ et } 36 > 6 \qquad \left(\frac{4}{3}\right)^2 = \frac{16}{9} \text{ et } \frac{4}{3} = \frac{12}{9} \text{ donc } \left(\frac{4}{3}\right)^2 > \frac{4}{3}$$

$$(10^3)^2 = 10^6 = 1\,000\,000 \text{ et } 10^3 = 1\,000 \text{ donc } (10^3)^2 > 10^3$$

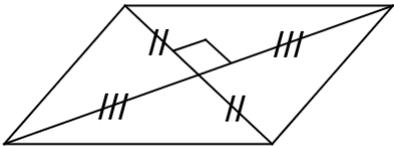
- Antoine a-t-il réellement raison ? Argumenter.

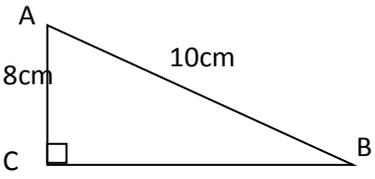
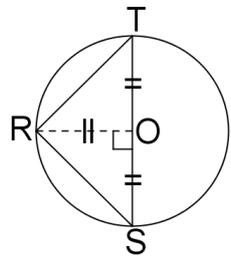
Contre-exemple : $0,2^2 = 0,04$ donc $0,2^2 < 0,2$

Donc Antoine a tort.

QCM géométrie :

(3 points)

	Ce quadrilatère est un losange.	Ce quadrilatère est un carré.	Ce quadrilatère est un rectangle.
En triplant les mesures d'un polygone, les angles sont :	multipliés par 3.	multipliés par 6.	ne changent pas.
L'aire d'une sphère est de $18\pi \text{ dm}^2$. Sa valeur arrondie au cm^2 est :	56,5 dm^2	56,55 dm^2	56,54 dm^2
Le volume d'une boule est $\frac{45\pi}{7} \text{ dm}^3$. Sa valeur arrondie au mm^3	20,19 dm^3	20,196 dm^3	20,196 953 dm^3

est :			
	$CB^2 = AB^2 + AC^2$	$AB^2 = AC^2 + BC^2$	$CB^2 = AB^2 - AC^2$
	RTS est un triangle équilatéral	RTS est un triangle rectangle	RTS est un triangle isocèle
Pour calculer l'aire d'un triangle, il faut connaître les longueurs de ...	une hauteur et du côté correspondant	une médiane et du côté correspondant	une médiatrice et du côté correspondant
Si $OA=OB$ alors	O est le milieu de [AB]	O appartient à la médiatrice de [AB]	B appartient au cercle de centre O et de rayon [OA]

Barème :

Exo 1 : 1,5 / 2 / 2 / 1,5+0,5

Exo 2 : 5 x 0,5

Exo 3 : 1 / 1,5 / 1,5 / 1 / 1

Exo 4 : 1,5(figure) / 1,5 / 0,5 / 1+0,5 / 1 / 1 / 1

Exo 5 : 1 (données) / 0,5 (théo) / 0,5(quotients) / 0,5 (égalité num) / 1,5 (calcul et resultat)

Exo 6 (initiative): 2,5 (calculs : 0,5 +1+1) / 2,5 (recherche/argumentation)

Exo 7 (QCM géométrie) : 0,25 / 0,25 / 0,25 / 0,25 / 0,5 / 0,5 / 0,5 / 0,5