

## Correction du brevet blanc de mathématiques n°2

Exercice 1 : a)  $(3 \times (-1) + 2)(3 \times (-1) - 2) = (-3 + 2)(-3 - 2) = (-1)(-5) = 5$

b) 1. **Vrai.** Par exemple en choisissant 0, on obtient  $(3 \times 0 + 2)(3 \times 0 - 2) = 2 \times (-2) = -4 < 0$  .

2. **Vrai.** Si on note  $x$  le nombre de départ, on cherche à résoudre  $(3x + 2)(3x - 2) = 0$  .

Un produit est nul si et seulement si l'un des facteurs est nul.

$$3x + 2 = 0 \quad \text{ou} \quad 3x - 2 = 0$$

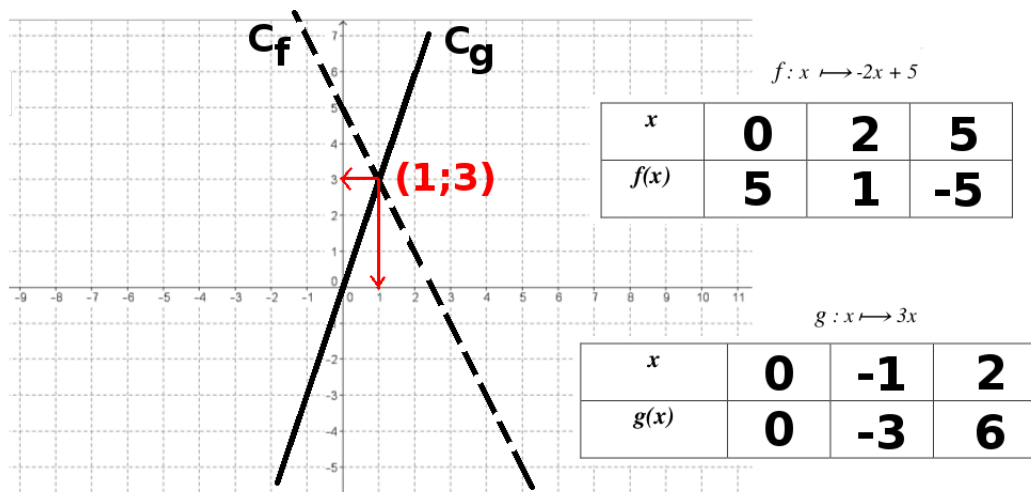
$$3x = -2 \qquad 3x = 2$$

$$x = \frac{-2}{3} \qquad x = \frac{2}{3} \text{ . Donc le programme donne un résultat nul pour } \frac{-2}{3} \text{ et } \frac{2}{3} \text{ .}$$

3. **Faux.** En effet, si on note  $f$  cette fonction, on a :  $f(x) = (3x + 2)(3x - 2) = 9x^2 - 4$  (3ème IR) qui n'est pas affine à cause du terme « carré ».

4. **Vrai** car  $(3 \times \frac{1}{7} + 2)(3 \times \frac{1}{7} - 2) = \frac{-187}{49}$  .

Exercice 2 :



c)  $3x = -2x + 5 \quad 3x + 2x = 5 \quad 5x = 5 \quad \frac{5x}{5} = \frac{5}{5} \quad x = 1$  . Donc l'abscisse du point M est 1 et son ordonnée est  $g(1) = 3 \times 1 = 3$  .

Exercice 3 :

<b>Questions</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>Réponses</b>	<b>C</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>B</b>

Exercice 4 :

1. Un nombre qui a pour image -7 par  $f$  est 0.

2.  $f(6) = 6^2 + 3 \times 6 - 7 = 36 + 18 - 7 = 47$

3. Léa a tapé  $= 4 * B1 + 5$  .

**4. a)** L'équation  $x^2 + 3x - 7 = 4x + 5$  est équivalente à  $f(x) = g(x)$ , on cherche donc un nombre dont l'image par  $f$  et par  $g$  est la même, image qu'on lit sur les lignes 2 et 3 du tableau.

**b)** On remarque que  $f(4) = g(4) = 21$ , donc une solution de l'équation est 4.

**5.** L'ordonnée à l'origine est l'image de 0 par une fonction affine. Ici, on lit que  $h(0) = 5$ , donc l'ordonnée à l'origine de  $h$  est 5.

Exercice 5 :

**1. a)** On sait que :  $C \in [PM]$ ,  $T \in [PW]$  et  $(CT) \parallel (MW)$ .

D'après le théorème de Thalès, on a :  $\frac{PC}{PM} = \frac{PT}{PW} = \frac{CT}{MW}$  soit  $\frac{3,78}{4,20} = \frac{PT}{PW} = \frac{CT}{3,40}$ .

Donc  $CT = 3,78 \times 3,40 \div 4,20 = 3,06 \text{ m}$ .

**b)** Oui puisque le double de 3,06 est  $2 \times 3,06 = 6,12$  et  $6,12 \text{ m} < 7 \text{ m}$ .

**2.** On a  $\frac{PC}{PM} - \frac{PT}{PW} = \frac{3,78}{4,20} - \frac{1,88}{2,30} \neq 0$  Ainsi  $\frac{PC}{PM} \neq \frac{PT}{PW}$  et donc la couture n'est pas parallèle à (MW).

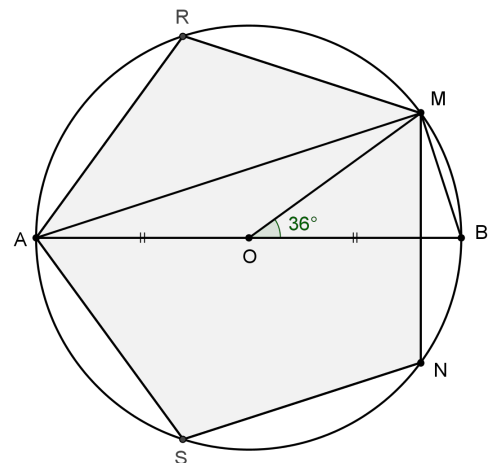
Exercice 6 :

**3.** L'angle inscrit  $\widehat{MAB}$  intercepte le même arc de cercle MB que l'angle au centre  $\widehat{MOB}$ , donc  $\widehat{MAB} = \widehat{MOB} \div 2 = 18^\circ$ .

**4.** Proposition 2 : « si un triangle AMB est inscrit dans le cercle de diamètre [AB] alors AMB est rectangle en M.

**5.** Dans le triangle AMB rectangle en M, on a :  $\cos \widehat{MAB} = \frac{AM}{AB}$

$$\cos 18^\circ = \frac{AM}{8} \text{ donc } AM = 8 \times \cos 18^\circ \approx 7,6 \text{ cm}.$$



EPL: **1.** Piscine « ronde » :  $A_{sol} = \pi r^2 = \pi \times 1,70^2 \approx 9,08 \text{ m}^2 < 10 \text{ m}^2$

Piscine « octogonale » :  $A_{sol} = \sqrt{8} \times r^2 = \sqrt{8} \times (4,40 \div 2)^2 = \sqrt{8} \times 2,20^2 \approx 13,69 \text{ m}^2 > 10 \text{ m}^2$

Il faut donc une démarche administrative uniquement pour la piscine « octogonale » car sa surface au sol dépasse 10 m<sup>2</sup>.

**2.** Surface au sol nécessaire pour 4 baigneurs :  $4 \times 3,40 \text{ m}^2 = 13,60 \text{ m}^2$ .

Or  $9,08 \text{ m}^2 < 13,60 \text{ m}^2 < 13,69 \text{ m}^2$ . Donc la famille doit choisir la piscine « octogonale ».

**3.**  $V_{piscine\ octogonale} = A_{sol} \times hauteur = \sqrt{8} \times 2,20^2 \times 1,20 \approx 16,423 \text{ m}^3 \approx 16\ 428 \text{ L}$ .

**temps** = 20 h = 20 × 60 min = 1200 min

$V_{eau\ écoulée} = 12 \times 1200 = 14\ 400 \text{ L} < 16\ 428 \text{ L}$ . Donc l'eau ne débordera pas.